

A : Etude cinématique d'un système solide (14 pts.)

On étudie le mouvement d'un système constitué de 3 solides par rapport au repère $R_0(O, \vec{x}_0, \vec{y}_0, \vec{z}_0)$. Le solide (1) est en liaison pivot d'axe (O, \vec{z}_0) par rapport au repère R_0 . Le repère $R_1(O, \vec{x}_1, \vec{y}_1, \vec{z}_1)$ est fixe par rapport au solide (1) et est déduit par rotation d'un angle $\theta(t)$ autour de \vec{z}_0 du repère R_0 . On a :

$$\theta(t) = \widehat{(\vec{x}_0, \vec{x}_1)} = \widehat{(\vec{y}_0, \vec{y}_1)}$$

Le solide (2) est en liaison pivot d'axe (A, \vec{x}_1) par rapport au solide (1). Le repère $(A, \vec{x}_1, \vec{y}_2, \vec{z}_2)$ est fixe par rapport au solide (2) et est déduit d'un angle $\alpha(t)$ autour de \vec{x}_1 du repère R_1 . On a :

$$\alpha(t) = \widehat{(\vec{y}_1, \vec{y}_2)} = \widehat{(\vec{z}_0, \vec{z}_2)}$$

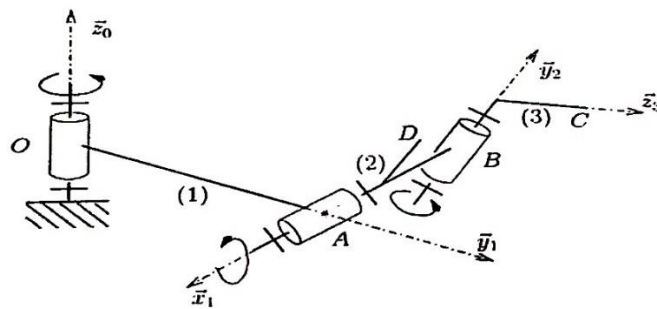
Le point A est positionné par $\vec{OA} = L\vec{y}_1$ ou L est constant. Un point D est fixe par rapport au solide (2) est positionné par $\vec{AD} = c\vec{x}_1 + r\vec{y}_2$ ou c et r sont constantes.

Le solide (3) est en liaison pivot d'axe (B, \vec{y}_2) par rapport au solide (2). Le repère $(B, \vec{x}_3, \vec{y}_2, \vec{z}_3)$ est fixe par rapport au solide (3) et est déduit d'un angle $\beta(t)$ autour de \vec{y}_2 du repère $(B, \vec{x}_1, \vec{y}_2, \vec{z}_2)$. On a :

$$\beta(t) = \widehat{(\vec{x}_1, \vec{x}_3)} = \widehat{(\vec{z}_2, \vec{z}_3)}$$

Le point B est positionné par $\vec{AB} = e\vec{x}_1$ ou e est constant. Un point C est fixe par rapport au solide (3) est positionné par $\vec{BC} = d\vec{y}_2 + a\vec{z}_3$ ou d et a sont constants.

1. Exprimez $\vec{\Omega}(1/0)$, $\vec{\Omega}(2/1)$ et $\vec{\Omega}(3/2)$.
2. Exprimez $\vec{V}(A \in 1/R_0)$, $\vec{V}(C \in 3/2)$, $\vec{V}(A \in 2/1)$, $\vec{V}(C \in 1/R_0)$ et $\vec{V}(C/R_0)$.
3. Exprimez $\vec{V}(D/R_0)$ et $\vec{\gamma}(D/R_0)$.



B : Les torseurs : Question de cours (6 pts.)

Soient deux torseurs définis respectivement, par leurs éléments tels que : $\tau_1 \begin{Bmatrix} \vec{S}_1 \\ \vec{M}_1 \end{Bmatrix}$ et $\tau_2 \begin{Bmatrix} \vec{S}_2 \\ \vec{M}_2 \end{Bmatrix}$. Donner le comoment des deux torseurs, en justifiant le résultat par un calcul rigoureux.